

Pasos para representar distintas situaciones como ecuación.



Paso 1: Leer detenidamente la frase.

Paso 2: Determinar la información que conocemos y la que no conocemos, y la operación matemática que hay.

Paso 3: Establecer la igualdad, ¿en qué lugar va el signo =?

Paso 4: Escribir la expresión, considerando todo lo anterior.

Para no confundir la letra x con el símbolo de la multiplicación, vamos a usar un punto para representar a la multiplicación.

“La diferencia entre un número y dos, equivale a tres”

- y 2 = 3

$$y - 2 = 3$$

Ecuación

Pasos para resolver una ecuación.

Paso 1: Observar la operación matemática y el número que acompaña a la incógnita.

Paso 2: Determinar el inverso aditivo de la operación que vimos en el paso anterior.

Paso 3: Sumar o restar la misma cantidad a ambos lados de la igualdad.

Paso 4: Determinar el valor de la incógnita.

Paso 5: Comprobar que el valor de la incógnita cumple con la igualdad.



Una **ecuación** es una **igualdad** entre dos expresiones.

Por lo tanto, para **resolver una ecuación**, tenemos que **encontrar el valor de la incógnita** o variable **que permita que se mantenga la igualdad**.

Ejemplo:

Expresiones

$$x + 2 = 6$$

Variable o incógnita Igualdad



Ejemplo:



Observa la siguiente ecuación:

$$x + 2 = 5$$



La incógnita está
acompañada por un +2

Aplicamos el inverso de +2:

$$x + 2 - 2 = 5 - 2$$
$$x = 3$$

Comprobación:

$$x + 2 = 5$$

$$3 + 2 = 5$$

$$5 = 5$$

Esto quiere decir que el **valor**
de la **incógnita** es **correcto**,
porque se **logra la igualdad**.

•Para Multiplicar Binomios

$$\begin{aligned}(3x^4)(4x^2) &= (3 * 4) (x^4 * x^2) \\ &= (12) (x^{4+2}) \\ &= 12x^6\end{aligned}$$

-01- Primero multiplicamos los coeficientes de cada expresión.

-02- Luego multiplicamos la parte literal.

-03- Finalmente sumamos los exponentes.



Otros ejemplos

$$1. \quad 3b(x - 5) = \underline{3bx} - \underline{15b}$$

$$2. \quad 2(5x + 4y - 7z) = \underline{10x} + \underline{8y} - \underline{14z}$$

$$3. \quad 2y^3 \cdot (3x - 4 + 5y) = \underline{6xy^3} - \underline{8y^3} + \underline{10y^4}$$

$$4. \quad (x - y) \cdot (xy + 4) = \underline{x^2y} + \underline{4x} - \underline{xy^2} - \underline{4y}$$





Factores

Los **factores** son elementos de la multiplicación, por lo tanto, llamaremos factores de un número, al par de numerales que tienen como producto (resultado) a ese número.

Busquemos los **factores** de 18.

Encontramos:

$$18 \times 1$$

$$2 \times 9$$

$$6 \times 3$$

y... ¡no hay más!

Entonces 1 – 2 – 3 – 6 – 9 y 18 son factores de 18.

Recuerda:

- El conjunto de los **factores** es **finito**
- El número **1** es **factor** de todos los números

La **factorización por factor común**, consiste en transformar una expresión algebraica de sumas y/o restas a una multiplicación de un término algebraico por una expresión algebraica. A este término, lo llamamos **factor común** y es lo primero que tenemos que determinar.

$$15\heartsuit^2 + 6\heartsuit$$

$$\heartsuit (15\heartsuit + 6)$$

$$3\heartsuit (5\heartsuit + 2)$$

Primero observo que tienen en común estos factores, en este caso es el \heartsuit , entonces factorizaremos por este.

Luego buscaremos un número que pueda simplificar ambos términos, en este caso es el 3, 15 dividido 3 es 5 y 6 dividido 3 es 2.

factor común

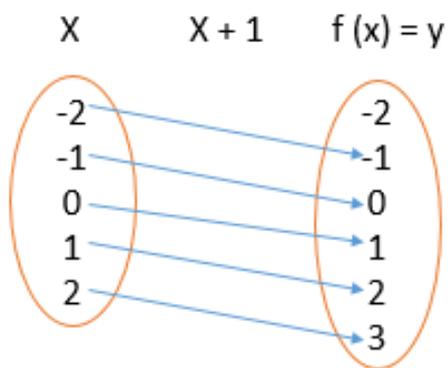
El resultado de factorizar siempre será una multiplicación.

Ejemplo, al factorizar 20 su resultado será.

$$1 \times 20 \quad 2 \times 10 \quad 4 \times 5$$



Entonces... Una Función es una relación establecida entre dos conjuntos "x" e "y", que asigna a cada valor del conjunto "x" (variable independiente) un único valor del segundo conjunto "y" (variable dependiente).



Ejemplo:

$$-2 + 1 = -1$$

$$-1 + 1 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

$$1 + 2 = 3$$

$$2 + 3 = 5$$

Como te puedes dar cuenta a cada valor del conjunto "x" (variable independiente) le correspondió un único valor de la variable $f(x)=y$ (variable dependiente).

De lo anterior podemos concluir que en la relación anterior si es una función.

También se puede representar en tablas:

Función:

A cada elemento del conjunto "x" (variable independiente) debes sumarle 1 (esa es la función) y te resultara el conjunto "y" (variable dependiente).



$$X + 1$$

X	-2	-1	0	1	2
F(x)=y	-1	0	1	2	3

Ejemplo:

$$-2 + 1 = -1$$

$$-1 + 1 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

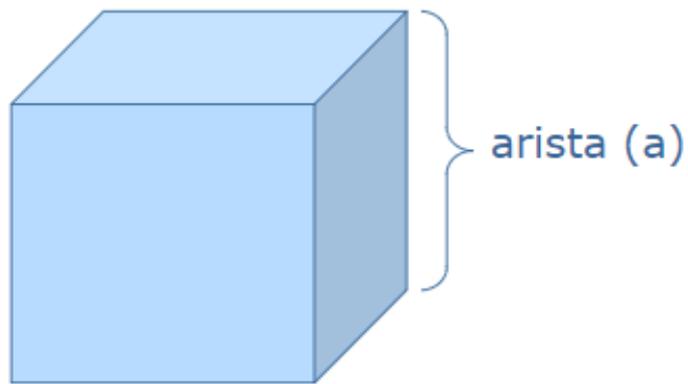
$$1 + 2 = 3$$

$$2 + 3 = 5$$

Entonces... para completar la tabla, solo debes reemplazar la X por cada una de las variables independientes, calcular y el resultado será el valor de la variable dependiente o conjunto Y

Cubo o Hexaedro

Poliedro formado por 6 caras cuadradas congruentes.



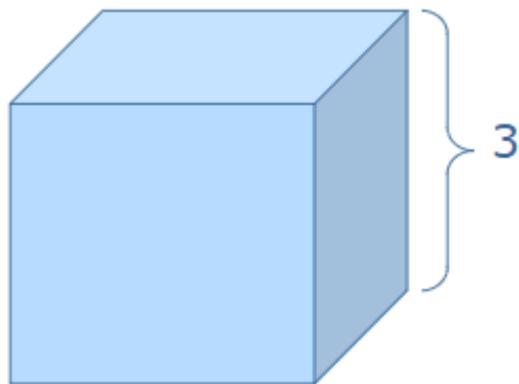
$$\text{Área} = 6a^2$$

$$\text{Volumen} = a^3$$

	Cubo o Hexaedro
Nº de caras	6
Nº de vértices	8
Nº de aristas	12

Ejemplo:

Determinar el área y volumen de un cubo cuya arista mide 3 cm.



$$A = 6a^2$$

$$A = 6 \cdot (3)^2$$

$$A = 54 \text{ cm}^2$$

$$V = a^3$$

$$V = 3^3$$

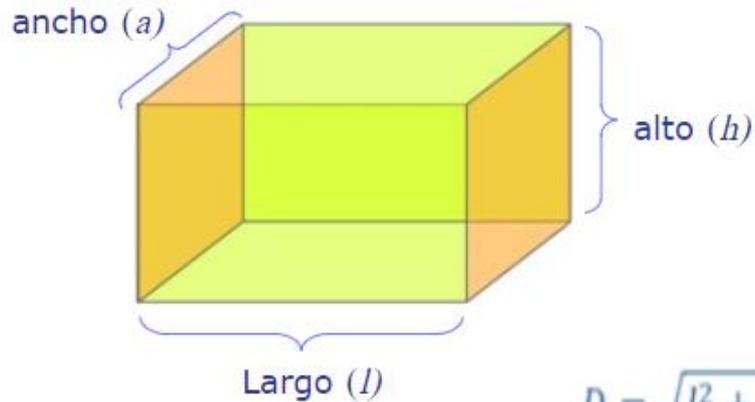
$$V = 27 \text{ cm}^3$$



Paralelepípedo

Poliedro formado por 6 caras que son paralelógramos.

Estas caras son paralelas e iguales dos a dos.



$$D = \sqrt{l^2 + a^2 + h^2}$$

$$\text{Área} = 2(a \cdot l + a \cdot h + l \cdot h)$$

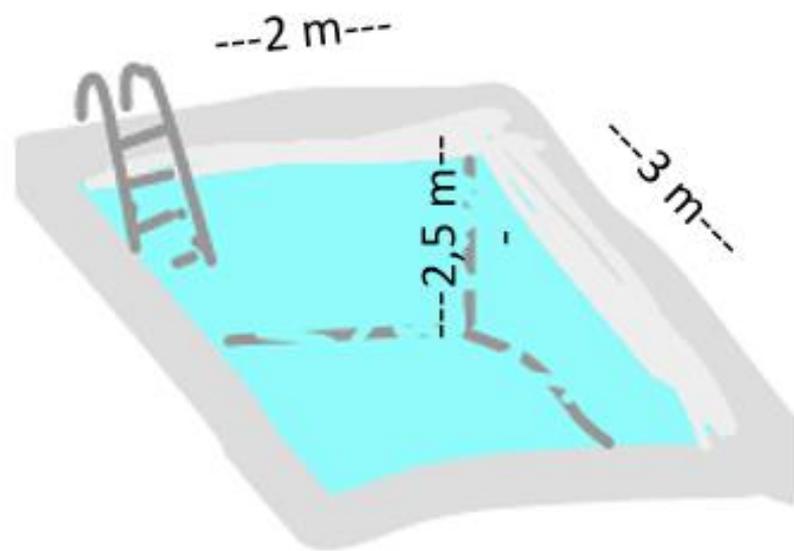
$$\text{Volumen} = l \cdot a \cdot h$$





Ejemplo:

Determinar la capacidad de una piscina cuyo largo, ancho y alto miden 3, 2 y 2,5 metros respectivamente.



Solución:

$$\text{Volumen} = l \cdot a \cdot h$$

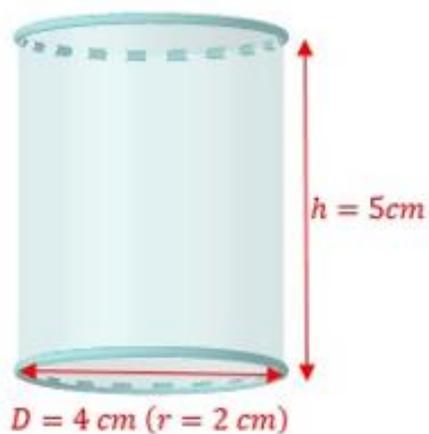
$$\text{Volumen} = 3 \cdot 2 \cdot 2,5$$

$$\text{Volumen} = 15 \text{ m}^3$$



$$\text{Área} = 2\pi r \cdot h + 2\pi r^2$$

$$\text{Volumen} = \pi r^2 \cdot h$$



Solución:

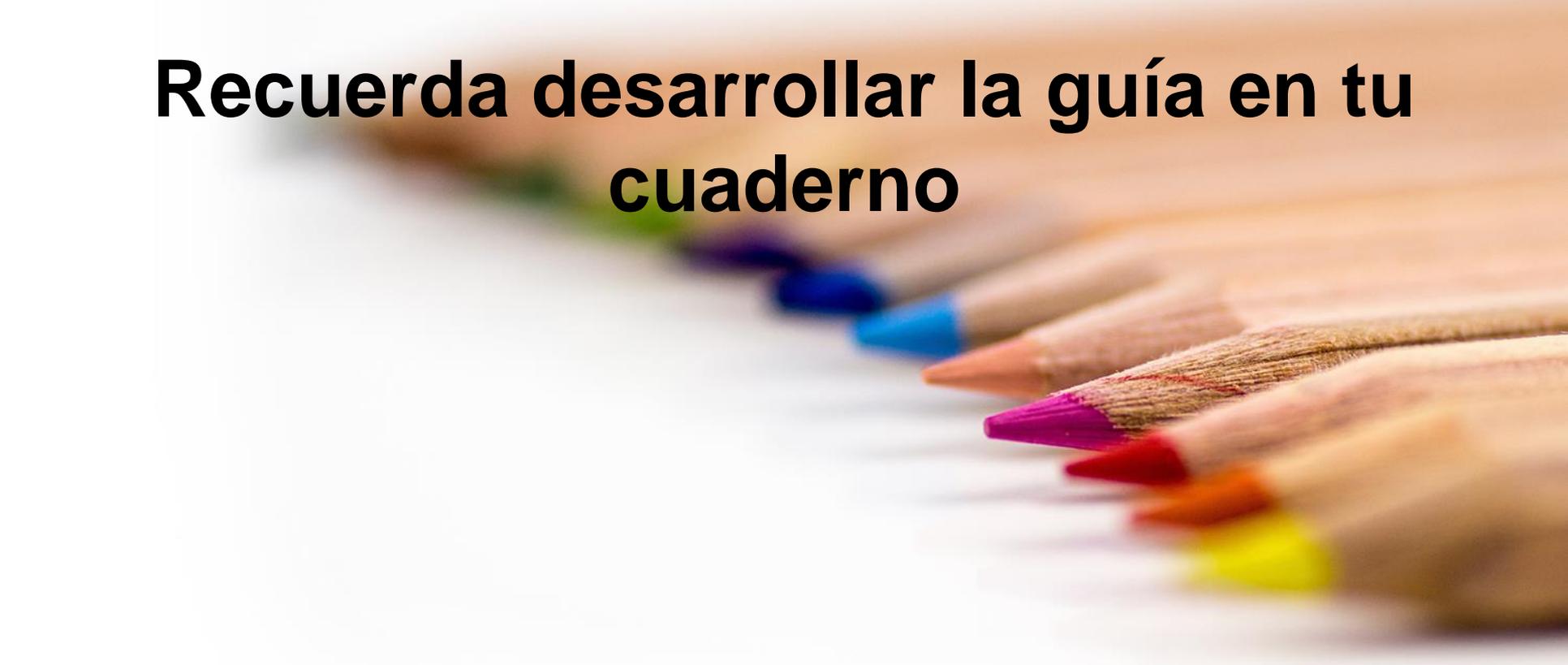
$$\text{Volumen} = \pi r^2 \cdot h$$

$$\text{Volumen} = 3,14 \times 4 \times 5$$

$$\text{Volumen} = 3,14 \times 20$$

$$\text{Volumen} = 62,8 \text{ m}^3$$

Recuerda desarrollar la guía en tu cuaderno



NO olvides mandar el desarrollo de esta guía a tu profesor al correo.
Francisco.correa@colegio-moisismussa.cl